<u>موضوع الرياضيات لشعبة العلوم التجريبية في بكالوريا</u> 2011

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات دورة: جوان 2011

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: 03 ساعات ونصف

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين الموضوع الأول

التمرين الأول: (03 نقاط)

 $u_{n+1}=3u_n+1$ ، $u_n=-1$ ومن أجل كل عدد طبيعي $u_0=-1$ المنتالية العددية المعرّفة بين

 $v_n = u_n + \frac{1}{2}$: بالمنتالية العددية المعرفة من أجل كل عدد طبيعي (v_n)

في كل حالة من الحالات الثلاث الآتية اقترحت ثلاث إجابات، إجابة واحدة فقط منها صحيحة، حدّدها مع التعليل.

المتتالية (ν_n) :

۲- لا حسابیة و لا هندسیة.

أ- حسابية.

نهایة المنتالیة (u_n) هی :

 $-\frac{1}{2}$. \rightarrow

+00

 $S_n = -\frac{1}{2} \left[1 + e^{\ln 3} + e^{2\ln 3} + e^{3\ln 3} + ... + e^{n\ln 3} \right]$ ، n عدد طبیعی من أجل كل عدد طبیعی 3.

 $S_n = \frac{1 - 3^{n+1}}{4} - 2$ $S_n = \frac{3^{n+1} - 1}{2} - 3$

التمرين الثاني: (05 نقاط)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (O,i,j,\overline{k}) ، المستوي (\mathscr{P}) الذي يشمل النقطة x + 2y - 7 = 0 شعاع ناظمي له ؛ وليكن (Q) المستوي ذا المعادلة n(-2;1;5) و A(1;-2;1)

- (\mathcal{P}) اكتب معادلة ديكارتية للمستوي
- $B\left(-1;4;-1\right)$ و $B\left(-1;4;-1\right)$ مشتركة بين المستويين $B\left(-1;4;-1\right)$ و $B\left(-1;4;-1\right)$

 $oldsymbol{arphi}$ - بيّن أنّ المستويين (\mathscr{P}) و (\mathscr{Q}) متقاطعان وفق مستقيم (Δ) يطلب تعيين تمثيل وسيطيّ له.

C(5;-2;-1) itied itied C(5;-2;-1)

أ - احسب المسافة بين النقطة C و المستوي (\mathscr{P}) ثمّ المسافة بين النقطة C والمستوي (\mathscr{Q}) .

 $\boldsymbol{\varphi}$ - أثبت أنّ المستويين (\mathcal{P}) و (\mathcal{Q}) متعامدان.

 \cdot (Δ) و المستقيم (Δ) و المستقيم (Δ).

التمرين الثالث: (05 نقاط)

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، النقط B ، B و C التي لاحقاتها على $z_C = -4 + i$ و $z_B = 2 + 3i$ ، $z_A = -i$ الترتيب:

$$\frac{z_C - z_A}{z_B - z_A}$$
 الشكل الجبري العدد المركب 1. أ - إكتب على الشكل الجبري العدد المركب

$$-B$$
 - ABC ب - عيّن طويلة العدد المركب $\frac{z_C-z_A}{z_R-z_A}$ وعمدة له ؛ ثمّ استنتج طبيعة المثلث

2. نعتبر التحويل النقطي
$$T$$
 في المستوي الذي يرفق بكل نقطة M ذات اللحقة z ، النقطة ' M ذات اللحقة ' z حيث: $z'=i\,z-1-i$

$$T$$
 ما هي صورة النقطة B بالتحويل

.
$$z_D = -6 + 2i$$
 لتكن D النقطة ذات اللاحقة .3

أ - بين أن النقاط
$$A$$
 ، C و D في استقامية.

$$P$$
 - عين نسبة التحاكي h الذي مركزه A ويحوّل النقطة C إلى النقطة D

$$D$$
 الذي مركزه A و يحوّل B الذي العناصر المميّزة للتشابه S الذي مركزه A

التمرين الرابع: (07 نقاط)

$$g(x) = \frac{x-1}{x+1}$$
 : با $\mathbb{R} - \{-1\}$ المعرفة على g المعرفة على (I

و
$$\begin{pmatrix} \mathcal{C}_g \end{pmatrix}$$
 تمنيها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد المتجانس $\begin{pmatrix} \mathcal{C}_g \end{pmatrix}$ (الشكل المقابل) ، بقراءة بيانية:

$$g(x) > 0$$
 جل بيانيا المتراجحة

$$0 < g(x) < 1$$
 جين بيانيا قيم x التي يكون من أجلها

$$f\left(x\right) = \frac{x-1}{x+1} + \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$$
 : يا $\left[1;+\infty\right]$ التكن الدالة f المعرفة على المجال $\left[1;+\infty\right]$

و
$$(C_f)$$
 تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس (i,j) .

ا النتيجتين هندسيا.
$$\lim_{x \to +\infty} f(x)$$
 النتيجتين هندسيا. الحسب $\int_{x \to +\infty}^{\infty} f(x)$

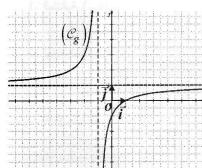
و
$$(C_f)$$
 تمثیلها البیانی فی المستوی المنسوب إلی المعام المتعامد و المتجانس (C_f) . 1. احسب $f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ من أجل كل عدد حقیقی x من المجال $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ ، $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ عدد حقیقی $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ من أجل كل عدد حقیقی $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ من أجل كل عدد حقیقی $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ من أجل كل عدد حقیقی $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ من المجال $\lim_{x \to +\infty} f(x)$.

$$\cdot$$
 الدالة $f'(x)$ و ادرس إشارتها ثم شكل جدول تغيرات الدالة $f'(x)$

 $\alpha;+\infty$ على المجال $x\mapsto \ln(x-\alpha)$ على المجال $x\mapsto (x-\alpha)\ln(x-\alpha)$ على المجال $x\mapsto (x-\alpha)\ln(x-\alpha)$

ج- تحقق أنه من اجل كل عدد حقيقي
$$x$$
 من المجال $g(x) = 1 - \frac{2}{x+1}$ ، $g(x) = 1 - \frac{2}{x+1}$ ، $g(x) = 1 - \frac{2}{x+1}$ ، $g(x) = 1 - \frac{2}{x+1}$

المجال]1;+∞ المجال



الموضوع الثاني

التمرين الأول (04 نقاط)

الم عدد حقیقی موجب تماما ویختلف عن α

 $u_{n+1}=\alpha u_n+1$ ، $u_n=0$ عددیة معرقة علی الله با ومن أجل کل عدد طبیعی $u_0=0$ با الله عددیة معرقة علی الله عددیا با الله عدد

 $v_n = u_n + \frac{1}{\alpha - 1}$: بn عدد طبیعی عدد معرّفة من أجل كل عدد طبیعی $v_n = u_n + \frac{1}{\alpha - 1}$

 α متالیة هندسیة أساسها α متالیه هندسیة أساسها .1

 u_n عبارة α عبارة ν_n عبارة ν_n عبارة ν_n عبارة ν_n عبارة ν_n

ج - عين قيّم العدد الحقيقي α التي تكون من أجلها المتتالية (u_n) متقاربة.

 $\alpha = \frac{3}{2}$ نضع. 2

 $T_n = u_0 + u_1 + ... + u_n$ و $S_n = v_0 + v_1 + ... + v_n$ حيث: $T_n = u_0 + u_1 + ... + u_n$ و $T_n = u_0 + u_1 + ... + u_n$ المجموعين $T_n = u_0 + u_1 + ... + u_n$

التمرين الثاني: (04 نقاط)

نعتبر في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، النقط B ، B و C التي لاحقاتها على الترتيب: $z_C = 4i$ و $z_B = 3 + 2i$ ، $z_A = 3 - 2i$

1. أ - علم الماط B ، A و C.

ب - ما طبيعة الرباعي OABC ؟ علَّل إجابتك.

ج - عين لاحقة النقطة Ω مركز الرباعي OABC.

 $MO + \overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC} = 12$ عيّن ثمّ أنشئ E = 1 مجموعة النقط E = 1 من المستوي التي تحقّق: 2

 $z^2-6z+13=0$ التالية: $z^2-6z+13=0$ المعادلة ذات المجهول التالية: $z^2-6z+13=0$

نسمي z_1 ، نسمي هذه المعادلة.

. z بنكن M نقطة من المستوي لاحقتها العدد المركّب

- عين مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق: $|z-z_0|=|z-z_1|$

التمرين الثالث: (05 نقاط)

 $C\left(3;-3;6
ight)$ و $B\left(2;1;7
ight)$ ، $A\left(0;1;5
ight)$ النقط $O(\overline{i},\overline{j},\overline{k})$ و والمتجانس والمتجانس المتعامد والمتجانس والمتجانس المتعامد والمتجانس المتعامد والمتجانس المتعامد والمتجانس المتعامد والمتجانس المتعامد والمتجانس المتعامد والمتعامد والمتعام

1. أ - اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B و (1;-4;-1) شعاع توجيه له.

 (Δ) تتمي إلى المستقيم (Δ) تتمي بالى المستقيم (Δ)

ج - بیّن أن الشعاعین \overline{AB} و \overline{BC} متعامدان.

 $oldsymbol{\iota}$ - استنتج المسافة بين النقطة A و المستقيم (Δ) .

- $h(t) = AM: \mathbb{R}$ به على M(2+t;1-4t;7-t) عدد حقيقي ؛ ولتكن الدالة h المعرفة على M(2+t;1-4t;7-t) . اكتب عبارة h(t) بدلالة t .

 - ج استنتج قيمة العدد الحقيقي t التي تكون من أجلها المسافة AM أصغر ما يمكن.
 - قارن بين القيمة الصغرى للدالة h، و المسافة بين النقطة A و المستقيم (Δ) .

التمرين الرابع: (07 نقاط)

 $f(x) = e^x - ex - 1:$ نعتبر الدالة العددية f المعرفة على \mathbb{R} بيا

. $(O; \vec{i}, \vec{j})$ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس (\mathcal{C}_f)

 $\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to -\infty} f(x)$.1

ب - احسب f'(x) ثم ادرس إشارتها.

f شكّل جدول تغير ات الدالة f.

- $(-\infty)$ بجوار (C_f) بجوار المعادلة y=-ex-1 بجوار (Δ) بجوار (Δ) بحوار (Δ) بجوار (Δ)
 - .0 مماس المنحنى (\mathcal{C}_f) مماس المنحنى (\mathcal{T}_f) في النقطة ذات الفاصلة
 - lpha جـ بين أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل في المجال [1,75; 1,76] حلا وحيدا
 - $[-\infty;2]$ على المجال (\mathcal{C}_f) على المجال (T) و (Δ) على المجال (Δ)
- 3. أ- احسب بدلالة α ، المساحة $A(\alpha)$ للحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى C_f و حامل محور الفواصل والمستقيمين $x = \alpha$ و x = 0 .